

問1 サイコロを1つ投げるとき、4の目が出る確率は？

**問 2** 赤球 1 個と白球 99 個の合計 100 個の球が入った袋から無作為に 1 個の球を取り出すとき、それが白球である確率は？

問3 赤球2個と白球7個の合計9個の球が入った袋から無作為に2個の球を同時に取り出すとき、その2個の球の色が異なる確率は？

問 4

当たりくじ 3 本とハズレくじ 5 本の計 8 本のくじが入った袋から, A, B, C, D の 4 人がこの順に 1 本ずつくじを引いていく. ただし, 引いたくじは元に戻さない. このとき, D が当たりくじを引く確率は?

## 問5

袋があり、はじめの状態では、赤球1個と白球3個の合計4個の球がこの袋に入っている。この袋から無作為に1個の球を取り出し、取り出した球の色と同色の球を1個追加して取り出した球と共に袋に入れる。この操作を繰り返していくとき、 $n$ 回目に取り出した球が赤球である確率を $p_n$ とする。 $p_1 = \boxed{\text{(あ)}}$ 、 $p_2 = \boxed{\text{(い)}}$ 、 $p_3 = \boxed{\text{(う)}}$ であり、 $p_{10} = \boxed{\text{(え)}}$ である。

## 問6

モンティ・ホール (Monty Hall, 本名: Monte Halperin) が司会者を務めるアメリカのゲームショー番組 “Let’s make a deal” の中で行われたゲームに次のような内容のゲームがある。豪華賞品 (高級車) がもらえるゲームで、挑戦者の前には3枚のドア A, B, Cがある。賞品はどれか1つのドアの向こうにあり、残りの2つのドアはハズレである。司会者は当たりのドアがどれか知っているが、挑戦者は当然知らない。挑戦者はドア A を選んだ。すると司会者が残された2枚のドアのうち、ドア B を開けて、それがハズレであることを挑戦者に見せた。司会者は挑戦者に「ドア A のままでも結構ですが、ドア C に変更しても構いません」ともちかけた。挑戦者はドアを変更すべきだろうか？  
ここで、ドアは次のように2段階で選ばれていることに注意しておこう。

1. まず、回答者は3つの扉からどれか1つを選ぶ。
2. 次に、賞品のある扉を知っている司会者が、選んでいない扉の中から賞品の入っていない扉を1つ開ける。回答者が当たりの扉を選んでいる場合は、残りの扉からランダムに1つ開けるとする。

## 問7

3人の囚人A, B, Cがいる. 3人とも処刑されることになっていたが, 王子が結婚するというので, 王様が1人だけを恩赦(罪を犯した人の刑罰を特別に軽くしたり消滅させたりする制度)にしてやることになった. 誰が恩赦になるか決定されたが, まだ囚人たちには知らされていない. 結果を知っている看守に対し, 囚人Aが「BとCのうち, どちらかは必ず処刑されるのだから, 処刑される1人の名前を教えてくださいても, 私に情報を与えることにはならないだろう. 1人を教えてくださいませんか」と頼んだ. 看守は, その言い分に納得して, 「囚人Bは処刑されるよ」と教えてやった. これを聞いた囚人Aは, 「はじめ, 自分の助かる確率は $\frac{1}{3}$ だったが, 今や助かるのは自分とCだけになったので, 助かる確率は $\frac{1}{2}$ に上がった」と喜んだという. さて, 実際には, 看守の返事を聞いたあとの, 囚人Aが助かる確率はどれだけか?

問 8

次のルールに従って数直線上で動点  $P$  を動かす. ただし, はじめの状態では点  $P$  は座標  $3$  の位置にあるものとする.

ルール

1 個のサイコロを振り, その結果に応じ, サイコロの目が  $2$  以下なら数直線上を左に  $2$  進み,  $3$  以上なら右に  $1$  進む. これを点の座標が  $0$  以下にならない限り繰り返し, 移動後の点  $P$  の座標が初めて  $0$  以下になった時点で操作は終了とし, それ以降はサイコロを振らず, 点  $P$  を移動させることもない. また, サイコロを振る回数は最大でも  $6$  回とし, 操作が終了した時点での点の座標を得点とする.

- (1) 操作回数が  $5$  以下で終了し, かつ, 得点が  $0$  となるようなサイコロの目の出方は何通りあるか.
- (2) 操作回数が  $5$  以下で終了するようなサイコロの目の出方は何通りあるか.
- (3) 操作回数が  $5$  以下で終了するという条件のもとで, 得点が  $0$  となる条件付き確率を求めよ.